

# BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

**SESSION 2025**

## **PHYSIQUE-CHIMIE**

Durée de l'épreuve : **3 heures 30**

*L'usage de la calculatrice avec mode examen actif est autorisé.*

*L'usage de la calculatrice sans mémoire, « type collègue » est autorisé.*

Dès que ce sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Ce sujet comporte 12 pages numérotées de 1/12 à 12/12.

## EXERCICE 1 - COMPÉTITION DE SAUT D'OBSTACLES EN HOBBY HORSE (11 POINTS)

Le hobby horse ou hobbyhorsing est un sport apparu dans les années 2000 qui consiste à imiter les allures du cheval avec un bâton entre les jambes, au bout duquel il y a une tête de cheval en tissu. Ce sport très répandu et apprécié en Finlande fait de plus en plus d'adeptes un peu partout dans le monde, avec des compétitions qui s'inspirent des concours équestres (course, dressage, saut d'obstacles...).



D'après <https://www.hobbyhorseland.com/blog/hobby-horsing-tout-savoir-sur-ce-sport-n7>

Cet exercice comporte trois parties indépendantes. L'objectif de la première partie est de déterminer par effet Doppler la vitesse du véhicule annonçant la compétition grâce à l'effet Doppler.

L'objectif de la deuxième partie est de déterminer la qualité du crin synthétique du hobby horse par le phénomène de diffraction.

L'objectif de la dernière partie est de déterminer les paramètres permettant d'améliorer le saut d'obstacle par une étude dynamique et cinématique.

### 1. Annonce de la compétition de hobby horse diffusée par le mégaphone d'une voiture.

Pour diffuser l'information de la tenue de la compétition de saut d'obstacles en hobby horse, une voiture munie d'un mégaphone sillonne les rues de la ville dans laquelle l'évènement se déroule. En début d'annonce, une note est jouée pour capter l'attention des auditeurs.

La voiture s'approche d'un citadin qui se trouve immobile sur le bord de la route. Ce dernier perçoit la fréquence sonore  $f_R$  de la note diffusée par le mégaphone vérifiant la relation :

$$f_R = \frac{v_{\text{son}}}{v_{\text{son}} - v} \cdot f_E$$

- $f_E$  est la fréquence de l'onde sonore émise par le mégaphone ;
- $v$  est la valeur de la vitesse du véhicule qui se rapproche du citadin (par rapport à celui-ci) ;
- $v_{\text{son}}$  est la célérité du son dans l'air, considérée égale à  $340 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ .

**Q1.** Décrire l'effet Doppler.

**Q2.** À partir de la relation donnée pour la fréquence sonore perçue  $f_R$ , justifier que le son entendu par le citadin est plus aigu que celui qu'il percevrait si le véhicule était à l'arrêt.

**Q3.** En déduire la valeur de la vitesse  $v$  du véhicule sachant que le citadin perçoit un son de fréquence  $f_R = 448 \text{ Hz}$  et que le mégaphone du véhicule en approche émet un son de fréquence  $f_E = 440 \text{ Hz}$ . Indiquer si la voiture respecte ou non la vitesse maximale autorisée dans une zone limitée à  $30 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$ .

## 2. Préparation avant la compétition de hobby horse.

Certains hobby horses ont une crinière composée de crins synthétiques. Afin de comparer le diamètre des crins synthétiques utilisés à celui des crins de cheval, on réalise l'expérience de diffraction schématisée sur la figure 1.

On utilise une diode laser de longueur d'onde  $\lambda$  et un crin synthétique de diamètre  $a$ . Un écran est placé à une distance  $D$  du crin. La largeur  $L$  de la tache centrale de la figure de diffraction ainsi obtenue est mesurée directement sur l'écran.

$\theta$  est l'angle caractéristique de diffraction, de valeur très inférieure à un radian. Il a pour expression :  $\theta = \frac{\lambda}{a}$ .

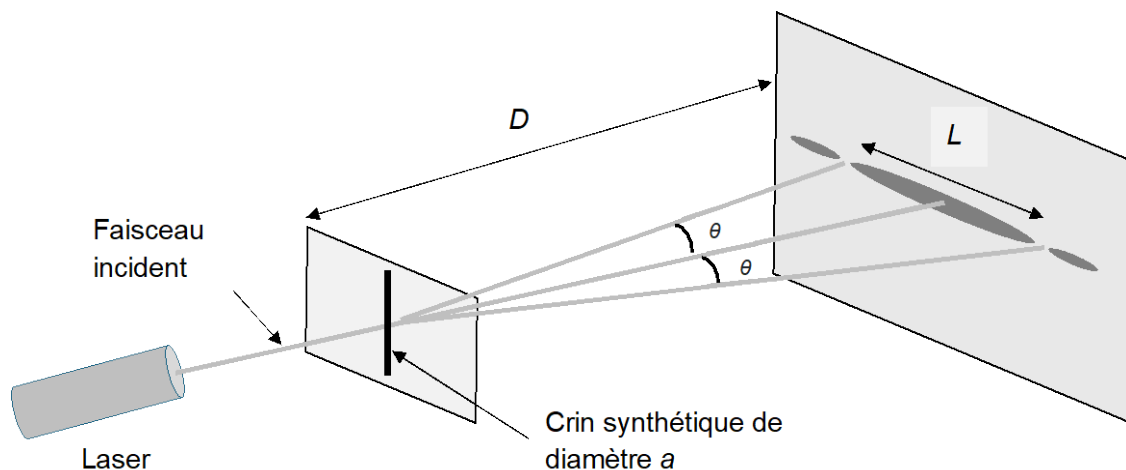


Figure 1. Schéma du montage de diffraction d'un faisceau laser par un crin synthétique.

### Données :

- distance crin-écran  $D = 2,00$  m et son incertitude-type  $u(D) = 0,01$  m ;
- diode laser utilisée de longueur d'onde  $\lambda = 650$  nm et son incertitude-type  $u(\lambda) = 10$  nm ;
- largeur de la tache centrale mesurée  $L = 1,80$  cm et son incertitude-type  $u(L) = 0,05$  cm ;
- on se place dans l'approximation des petits angles telle que  $\tan \theta \approx \theta$ .
- pour discuter de l'accord du résultat d'une mesure avec une valeur de référence, on utilise le quotient  $\frac{x}{x_{\text{réf}}}$  avec  $x$ , la valeur mesurée,  $x_{\text{réf}}$  la valeur de référence et  $u(x)$ , l'incertitude-type associée à la valeur mesurée  $x$ .

**Q4.** À l'aide de la figure 1, établir l'expression du diamètre  $a$  du crin synthétique en fonction de  $\lambda$ ,  $D$  et  $L$ .

**Q5.** À l'aide des données, montrer que la valeur du diamètre  $a$  du crin synthétique utilisé pour fabriquer la crinière du hobby horse est voisine de  $144 \mu\text{m}$ .

**Q6.** À l'aide des données, calculer la valeur de l'incertitude-type  $u(a)$  du diamètre du crin synthétique utilisé, donnée par la relation :  $u(a) = a \times \sqrt{\left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2 + \left(\frac{u(L)}{L}\right)^2 + \left(\frac{u(D)}{D}\right)^2}$ . Préciser si le diamètre du crin synthétique choisi convient pour simuler le crin réel d'un cheval dont le diamètre de référence est égal à  $140 \mu\text{m}$ .

### 3. Étude cinématique du saut d'obstacles en hobby horse.

Le saut d'obstacles en hobby horse est une discipline qui se rapproche du saut de haies en athlétisme, mais avec une difficulté supplémentaire puisqu'il faut tenir d'une main le bâton et de l'autre les rênes, ce qui ne permet donc pas d'équilibrer le corps en utilisant les bras comme balancier.

On appellera hobbyhorseur le système {hobby horse + cavalier}. Ce système de masse  $m$  est modélisé par un point matériel assimilé à son centre de masse  $M$ . L'étude se fait dans le référentiel terrestre considéré comme galiléen.

À l'instant  $t = 0$ , le hobbyhorseur ne touche plus le sol, il est à la verticale du point  $O$ , engagé dans son saut par-dessus l'obstacle constitué par la barre horizontale, placée à une hauteur  $H$ . Le centre de masse  $M_{(t=0)}$  du hobbyhorseur a alors pour coordonnées  $x_0 = 0$  et  $y_0 = h$  et sa vitesse initiale est représentée par le vecteur vitesse  $\vec{v}_0$  incliné d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale. L'obstacle est à une distance  $x = D$  du point  $O$ . On suppose que la trajectoire du système s'effectue dans le plan  $xOy$ . Durant le saut, l'action exercée par l'air sur le système est considérée comme négligeable. On modélise la situation du saut d'obstacle sur la figure 2.

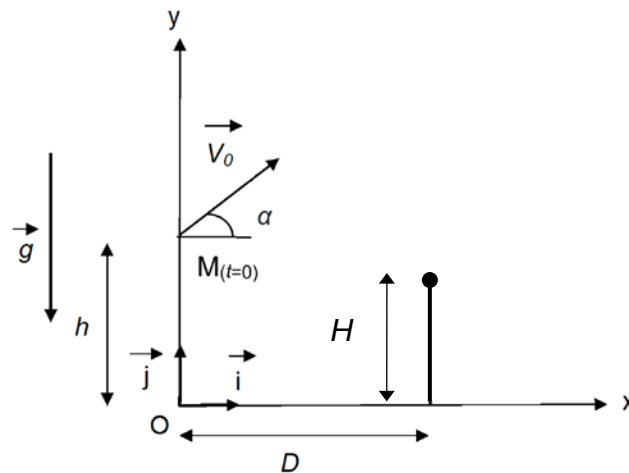


Figure 2. Représentation de la situation du saut d'obstacle, vu de profil et sans souci d'échelle.

#### Donnée :

➤ intensité du champ de pesanteur considéré uniforme :  $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ .

**Q7.** En appliquant la deuxième loi de Newton dans le référentiel terrestre, déterminer les coordonnées  $a_x(t)$  et  $a_y(t)$  du vecteur accélération du centre de masse  $M$  du hobbyhorseur.

**Q8.** Établir les équations horaires  $x(t)$  et  $y(t)$  décrivant le mouvement du centre de masse  $M$  du hobbyhorseur lors du saut.

**Q9.** Montrer que l'équation de la trajectoire du centre de masse  $M$  du hobbyhorseur s'écrit sous la forme :  $y(x) = -\frac{g}{2v_0^2 \cdot \cos^2(\alpha)} \cdot x^2 + \tan(\alpha) \cdot x + h$ .

**Données :**

➤ à l'instant initial, le hobbyhorseur se trouve au point  $M_{(t=0)}$  tel que  $OM_{(t=0)} = h = 1,19 \text{ m}$  ;

➤ la distance  $D$  entre le point  $O$  et la base du support de la barre d'obstacle horizontale à franchir est  $D = 50,0 \text{ cm}$  ;

➤ les jambes du hobbyhorseur sont repliées au maximum lors du saut et occupent un espace de  $30 \text{ cm}$  en-dessous de son centre de masse  $M$  ;

La trajectoire du centre de masse  $M$  du hobbyhorseur est modélisée par l'équation suivante, avec les coordonnées  $x$  et  $y$  exprimées en  $\text{m}$  :

$$y(x) = -0,590 x^2 + 0,566 x + 1,19.$$

**Q10.** Déterminer si le hobbyhorseur franchira ou non la barre d'obstacle horizontale, placée à une hauteur  $H = 1,00 \text{ m}$  du sol.

*Pour la question suivante, le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter la démarche suivie, même si elle n'a pas abouti. La démarche est évaluée et nécessite d'être correctement présentée*

**Q11.** À l'aide des données, calculer la valeur de l'angle  $\alpha$  puis celle de la valeur de la vitesse initiale  $v_0$  avec lesquelles le hobbyhorseur aborde l'obstacle. Indiquer comment le hobbyhorseur peut faire évoluer ces paramètres pour modifier sa trajectoire afin de sauter une barre d'obstacle de hauteur plus élevée.

Le hobbyhorseur réalise un deuxième saut. La figure 3 représente l'évolution de la vitesse initiale  $v_0$  en fonction de la hauteur maximale  $y_{\max}$  du centre de masse  $M$  du même hobbyhorseur avec un angle  $\alpha'$  par rapport au sol de  $55^\circ$ , une distance  $D$  de valeur égale à  $50,0 \text{ cm}$  ainsi qu'une hauteur initiale telle que  $OM_{(t=0)} = h = 1,19 \text{ m}$ .

Le record du monde de saut d'obstacles en hobby horse a été établi à une hauteur d'obstacle de  $1,40 \text{ m}$  en 2019 par Marie Karkkainen lors du championnat du monde de la discipline en Finlande.

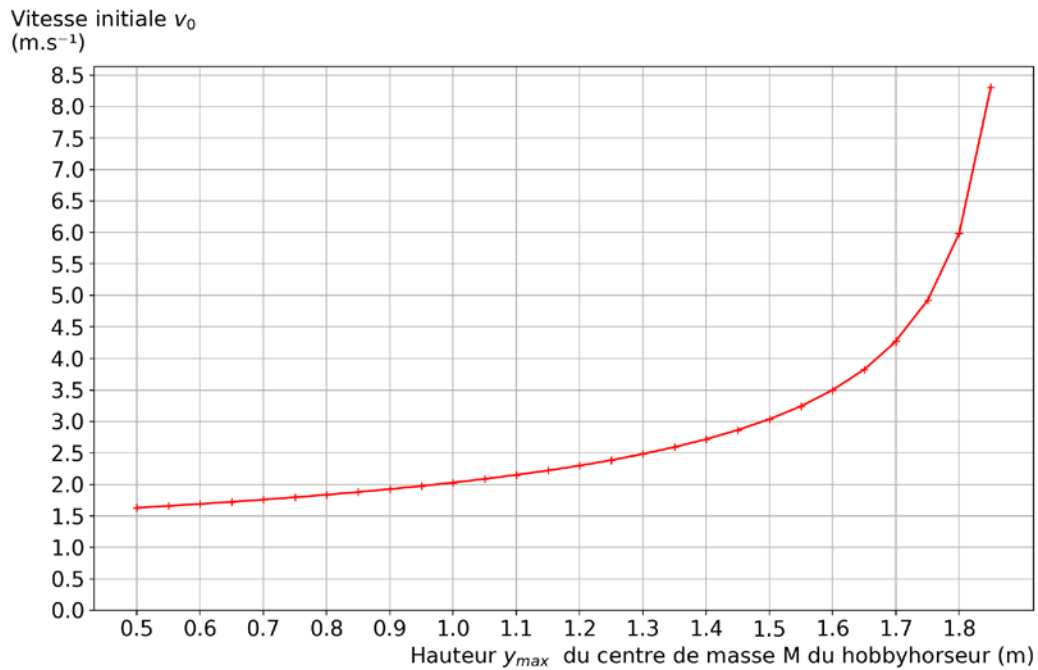


Figure 3. Représentation graphique de l'évolution de la vitesse initiale  $v_0$  en fonction de la hauteur maximale  $y_{\max}$  du centre de masse M du hobbyhorseur pour un angle  $\alpha'$  de valeur égale à  $55^\circ$ .

**Q12.** À partir de la figure 3, déterminer la valeur de la vitesse initiale  $v_0$  avec laquelle le hobbyhorseur doit arriver sur l'obstacle pour espérer égaler le record mondial. Indiquer si cela est réalisable par ce hobbyhorseur sachant qu'habituellement lors des entraînements, sa vitesse initiale  $v_0$  est comprise entre  $11,5$  et  $13,5 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$ .

## EXERCICE 2 - POLLUTION DES SOLS PAR LE CÉSIIUM À FUKUSHIMA (5 POINTS)

Le 11 mars 2011, un tsunami consécutif à un violent séisme de magnitude 9 au Japon endommage le système de refroidissement principal de la centrale nucléaire de Fukushima-Daiichi, entraînant la fusion des cœurs des réacteurs 1, 2 et 3, ainsi que la surchauffe de la piscine de désactivation du réacteur 4. Du 12 au 15 mars, des explosions se produisent projetant dans l'air des particules radioactives qui finissent par retomber sur une très large zone autour de la centrale. C'est un accident nucléaire majeur.

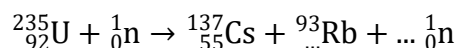
Le césium-137 est l'un des produits radioactifs issu de la fission nucléaire qui se déroule dans le réacteur. Après un accident, il se dépose au sol principalement sous l'effet de la pluie. Il est d'abord intercepté par le feuillage puis le césium déposé sur les feuilles et l'herbe broutée par les animaux peut passer dans la chaîne alimentaire (feuilles, champignons, légumes, fruits, céréales, lait, gibier, poisson...).

Le césium-137 constitue la principale source radioactive de contamination des sols.

L'objectif de cet exercice est d'estimer le temps nécessaire pour que les sols de la province de Fukushima soient à nouveau cultivables.

**Q1.** Rappeler la définition d'un noyau radioactif.

**Q2.** Recopier et compléter l'équation de fission de l'uranium-235 aboutissant au césium-137 :



**Données :**

➤ domaine des ondes électromagnétiques :

| Intervalle de longueur d'onde $\lambda$ en m    | Nom du domaine      |
|-------------------------------------------------|---------------------|
| $\lambda < 10^{-11}$                            | Rayons gamma        |
| $10^{-11} < \lambda < 10^{-8}$                  | Rayons X            |
| $10^{-8} < \lambda < 4 \times 10^{-7}$          | Ultra-violets       |
| $4 \times 10^{-7} < \lambda < 8 \times 10^{-7}$ | Rayonnement visible |
| $8 \times 10^{-7} < \lambda < 10^{-3}$          | Infra-rouges        |
| $10^{-3} < \lambda < 1$                         | Micro-ondes         |
| $\lambda > 1$                                   | Ondes radio         |

➤ constante de Planck :  $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$  ;

➤ célérité de la lumière dans le vide :  $c = 3,00 \times 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$  ;

➤  $1 \text{ eV} = 1,60 \times 10^{-19} \text{ J}$ .

Le césium  ${}_{55}^{137}\text{Cs}$  se désintègre en baryum  ${}_{56}^{137}\text{Ba}$  stable en deux temps. Il se transforme d'abord en  ${}_{56}^{137}\text{Ba}^*$  (noyau excité) puis en  ${}_{56}^{137}\text{Ba}$ .

**Q3.** Écrire l'équation modélisant la transformation nucléaire de  ${}_{55}^{137}\text{Cs}$  en  ${}_{56}^{137}\text{Ba}^*$  et préciser la nature de cette désintégration.

La désexcitation de  $^{137}_{56}\text{Ba}^*$  pour donner  $^{137}_{56}\text{Ba}$  s'accompagne d'une transition énergétique libérant un photon possédant une énergie de valeur  $\Delta E = 662 \text{ keV}$ .

**Q4.** Calculer la valeur de la longueur d'onde  $\lambda_p$  du photon émis lors de cette transition et préciser en s'aidant des données à quel domaine des ondes électromagnétiques il appartient.

**Données :**

- l'activité radioactive d'un isotope correspond au nombre de désintégrations subi par unité de temps. Pour une désintégration simple on a :  $A(t) = -\frac{dN(t)}{dt}$ ;
- l'activité est proportionnelle au nombre de noyaux restant soit  $A(t) = \lambda \cdot N(t)$  avec  $\lambda$  constante radioactive.

**Q5.** Établir l'équation différentielle suivie par le nombre de noyaux  $N(t)$  en introduisant la constante radioactive  $\lambda$  du césium-137.

**Données :**

- la solution de l'équation différentielle établie à la question **Q5.** est de la forme :  $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$ , avec  $N_0$  nombre de noyaux initialement présents et  $\lambda$  constante radioactive du césium-137 ;
- la demi-vie  $t_{1/2}$  du césium-137 est égale à 30,1 ans.

**Q6.** Donner la définition de la demi-vie radioactive  $t_{1/2}$  ainsi que la relation entre la demi-vie  $t_{1/2}$  et la constante radioactive  $\lambda$ . Montrer que la constante radioactive du césium-137 vaut  $\lambda = 2,30 \times 10^{-2} \text{ an}^{-1}$ .

Pour quantifier le degré de contamination radioactive d'un sol, on mesure son activité surfacique donnée en becquerel par mètre carré,  $\text{Bq} \cdot \text{m}^{-2}$ . On considère que le sol est contaminé au césium-137, et donc non cultivable, lorsque son activité surfacique dépasse  $10,0 \text{ kBq} \cdot \text{m}^{-2}$ . L'activité surfacique suit une loi de décroissance du même type que celle du nombre de noyaux notée :  $A_{\text{surf}}(t) = A_{\text{surf}}^i \cdot e^{-\lambda t}$ , où  $A_{\text{surf}}^i$  est l'activité surfacique initiale extrapolée à l'instant de l'accident.

Établi dans une région boisée de la province de Fukushima, à environ quarante kilomètres au nord-ouest de la centrale, Litane est un petit village d'agriculteurs qui a été fortement irradié en 2011. Un an après la catastrophe, l'activité surfacique mesurée à Litane était encore de  $1,00 \times 10^3 \text{ kBq} \cdot \text{m}^{-2}$ .

**Q7.** Montrer que la valeur de l'activité surfacique initiale  $A_{\text{surf}}^i$  au moment de l'accident à Litane vaut environ  $A_{\text{surf}}^i = 1,02 \times 10^3 \text{ kBq} \cdot \text{m}^{-2}$ .

**Q8.** En déduire l'année à partir de laquelle les sols seront de nouveau cultivables dans la région de Litane, dans l'hypothèse où aucune action de décontamination n'est entreprise en l'absence de nouvelle contamination.

### EXERCICE 3 - DOSAGE DU PHOSPHORE DANS UNE EAU DE PISCINE (4 POINTS)

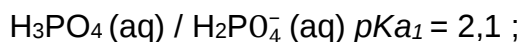
La pollution d'une eau peut être due à différentes espèces chimiques. La pollution au phosphore est souvent sous-estimée mais peut être la cause d'une prolifération d'algues vertes, et réduire l'efficacité des produits de traitement, ce qui pose un problème, notamment dans les bassins de piscine.

Le phosphore existe sous diverses formes :  $\text{PO}_4^{3-}$ ,  $\text{HPO}_4^{2-}$ ,  $\text{H}_2\text{PO}_4^-$  et  $\text{H}_3\text{PO}_4$ . Par souci de simplification, nous appellerons ces espèces « espèces phosphorées ».

L'objectif de cet exercice est d'effectuer un contrôle qualité de l'eau d'une piscine pour savoir s'il y a un risque de prolifération d'algues.

#### Données :

➤ couples acide-base des espèces phosphorées accompagnées de leur valeur de  $pK_a$  :



Le diagramme de distribution des couples acide-base des espèces phosphorées est représenté figure 1.

Proportions

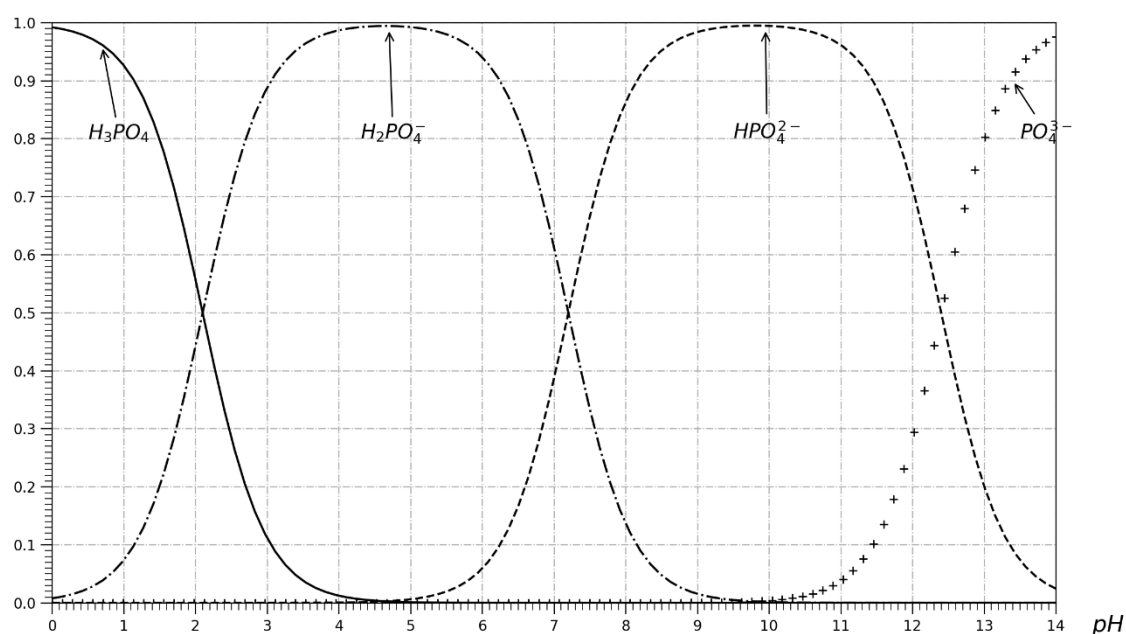


Figure 1. Diagramme de distribution des espèces acido-basiques de l'acide phosphorique.

**Q1.** À l'aide de la figure 1, déterminer la valeur du  $pK_{a2}$  du couple ( $\text{H}_2\text{PO}_4^- (\text{aq}) / \text{HPO}_4^{2-} (\text{aq})$ ) et la valeur du  $pK_{a3}$  du couple ( $\text{HPO}_4^{2-} (\text{aq}) / \text{PO}_4^{3-} (\text{aq})$ ).

**Q2.** Représenter le diagramme de prédominance de ces espèces phosphorées. En déduire la nature de l'espèce phosphorée majoritaire dans l'eau d'une piscine dont le pH vaut 7,0.

Les espèces phosphorées sont incolores. Dans l'objectif de réaliser un dosage spectrophotométrique, il est donc nécessaire d'ajouter à la solution un réactif spécifique qui permettra de former un composé coloré.

Le spectre d'absorbance du composé coloré ainsi que le cercle chromatique sont donnés en figure 2.

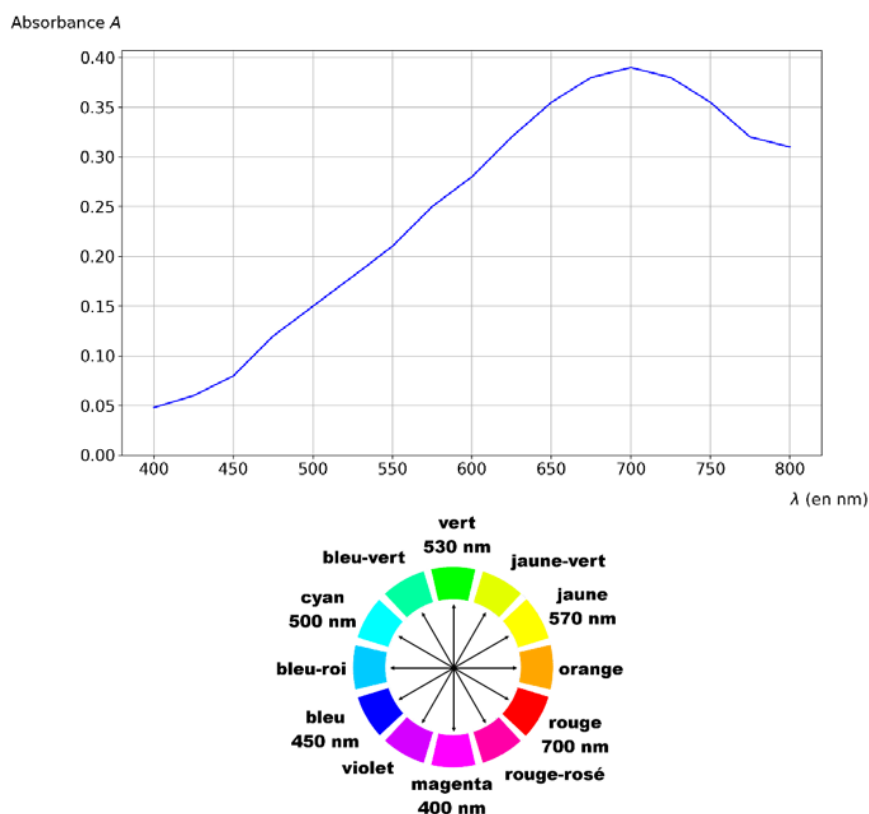


Figure 2. Spectre d'absorbance du composé coloré et cercle chromatique.

**Q3.** À l'aide de la figure 2 et en expliquant votre démarche, proposer une valeur de longueur d'onde  $\lambda$  à laquelle il serait judicieux de régler le spectrophotomètre. Préciser, en justifiant, la couleur du composé coloré formé après ajout du réactif.

Dans l'objectif de préparer une gamme étalon, on cherche, dans un premier temps, à fabriquer une solution  $S_0$  de concentration en quantité de matière en espèce phosphorée  $C(S_0) = 3,67 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Le solide utilisé pour la dissolution est le dihydrogénophosphate de potassium de formule brute  $\text{KH}_2\text{PO}_4$ . On considère alors que tout le solide se dissout et que la quantité de matière en espèce phosphorée dissoute est égale à la quantité de matière de solide introduite.

**Donnée :**

➤ masse molaire du dihydrogénophosphate de potassium solide :  $M(\text{KH}_2\text{PO}_4) = 136 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

**Q4.** Montrer que la masse  $m$  qu'il faut prélever pour préparer la solution  $S_0$  dans une fiole jaugée de volume  $V = 200$  mL est voisine de 100 mg.

Les concentrations en masse en espèces phosphorées présentes dans l'eau de piscine sont relativement faibles (de l'ordre de 0,05 à 1,00 mg par litre de solution). C'est pourquoi il est nécessaire de diluer au préalable cette solution  $S_0$  cent fois pour obtenir une solution notée  $S$ .

**Q5.** Écrire en le détaillant, le protocole de la préparation de la solution  $S$  à partir de la solution  $S_0$ . Préciser la verrerie utilisée ainsi que son volume.

Une gamme étalon est enfin effectuée à partir de la solution  $S$  en suivant le protocole suivant :

- on prélève un volume de solution  $S$  selon les conditions résumées dans le tableau ci-dessous et on l'insère dans une fiole jaugée de 25,0 mL ;
- un volume de 5,00 mL de réactif spécifique permettant la formation du complexe coloré est ajouté dans chaque fiole ;
- chaque solution est complétée avec de l'eau distillée jusqu'au trait de jauge de la fiole jaugée qui est ensuite bouchée et agitée ;
- l'absorbance de chaque solution de la gamme étalon est alors mesurée.

| Solution de volume total 25 mL                                                       | $S_{F0}$ | $S_{F1}$ | $S_{F2}$ | $S_{F3}$ | $S_{F4}$ |
|--------------------------------------------------------------------------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| Volume de solution $S$ (en mL)                                                       | 0        | 2,50     | 5,00     | 7,50     | 10,0     |
| Concentration en masse $C$ en espèces phosphorées en $\text{mg} \cdot \text{L}^{-1}$ | 0        | 0,50     | 1,00     | 1,50     | 2,00     |
| Absorbance mesurée                                                                   | 0,000    | 0,080    | 0,162    | 0,231    | 0,311    |

Tableau donnant les concentrations en masse des solutions filles élaborées.

La courbe d'étalonnage correspondant à ces solutions filles a été réalisée :

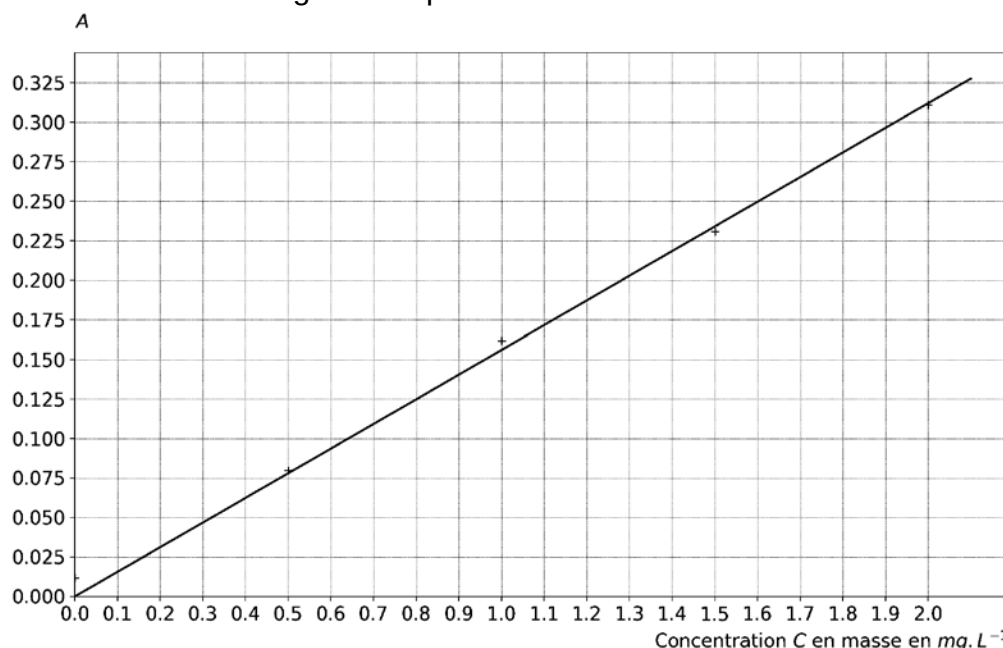


Figure 3. Graphique représentant l'absorbance des solutions étalon en fonction de leur concentration en masse  $C$  en espèces phosphorées.

**Q6.** Justifier que l'absorbance peut être modélisée par la relation  $A = k \cdot C$  et vérifier que le coefficient  $k$  a pour valeur  $0,156 \text{ L} \cdot \text{mg}^{-1}$  à l'aide d'une méthode de votre choix.

Avant d'analyser l'échantillon d'eau de piscine, il est nécessaire de le filtrer sur filtre Büchner. Le filtrat est ainsi récupéré.

On récupère après la filtration sur filtre Büchner,  $V_{\text{filtrat}} = 5,00 \text{ mL}$  du filtrat de l'eau de la piscine qui est placé dans une fiole jaugée de  $25,0 \text{ mL}$ , auquel on ajoute  $V_{\text{réactif}} = 5,00 \text{ mL}$  de réactif spécifique afin d'obtenir le complexe coloré. On complète avec de l'eau distillée jusqu'au trait de jauge et on agite.

L'absorbance de la solution filtrée et colorée est ensuite mesurée à la même longueur d'onde que précédemment. L'absorbance mesurée vaut  $A_{\text{eau}} = 0,075$ .

**Données :**

| Concentration en masse en espèces phosphorées (en $\text{mg} \cdot \text{L}^{-1}$ ) | Qualité de l'eau |
|-------------------------------------------------------------------------------------|------------------|
| 0,05 – 0,2                                                                          | Bonne            |
| 0,2 – 0,5                                                                           | Passable         |
| 0,5 – 1,0                                                                           | Mauvaise         |
| Supérieure à 1,0                                                                    | Très mauvaise    |

Tableau donnant la qualité de l'eau en fonction de la concentration en masse en espèces phosphorées

Source : SAGE Mayenne – Janvier 2013

Source : BD Carthage®©IGN MATE 2001 Agence de l'eau - CG

**Q7.** À partir des données et des résultats expérimentaux, donner la qualité de l'eau de piscine étudiée.